

FLUID MECHANICS

- ❖ **Fluid statics-** (Study of fluid in static conditions properties)
 - Pressure Measurement
 - Hydrostatic force & Buoyancy
 - Fluid in Static equilibrium
- ❖ **Fluid Kinematics:-** (Study of Fluid without considering force)
 - Continuity equation
- ❖ **Fluid dynamic:-** (study of fluid with consideration of force)
 - Energy equation & application
 - Flow through pipe
 - Laminar & Turbulent flow
 - Dimensional Analysis & Drag force
 - Flow through orifice & mouth pieces
 - Flow through Notch & weirs
- ❖ **Open channel flow (OCF):-**
 - Open channel energy equation
- ❖ **Hydraulic machine (HM):-**
 - Pump & turbine

UNIT-I

Fluid & its properties

- ❖ **Fluids:-** यह वो तत्व है जो small या Negligible Shear force लगाने पर permanently deform हो जाता है
Ex:- liquid, Gas, Vapour
- (a) **Liquid:-** Liquid पर temperature व pressure का effect बहुत कम पड़ता है इसलिए liquid को incompressible भी कहा जाता है
Standard liquid:- Water
- (b) **Gas:-** Gas की Properties पर temperature व pressure का effect पड़ता है
eq. of state for perfect gas
 $P = \rho R T$ Or $P.V. = M.R.T.$

Where

P= Pressure
 ρ = density
R= Gas constant
T= Temperature
M= Mass
V= Volume

$$T \uparrow \rightarrow \rho \downarrow, \quad P \uparrow \rightarrow \rho \uparrow$$

Standard gas = Air and Hydrogen

- (C) **Vapour**:- यह वो Gas है जिसका temperature व pressure liquid के लगभग बराबर होता है
Ex:- Steam

NOTE:-

Continuum:- जब fluid बढ़ता है तो इसके अणु के बीच में बहुत कम gap होता है इसलिए इसे fluid को **continous mass** मान लिया जाता है जिसे **continuum** कहते हैं

❖ UNIT MEASUREMENT:-

- 1 N = 1 K-m/sec²
- 1 Dyne = 1 gm-cm/sec²
- 1 N = 1 Kg-m = 10³ gm-10² cm/sec² = 10⁵ gm-cm/sec²
1 N = 10⁵ dyne
- 1 N/m² = 1 Pascal
- 1 N/mm² = 10⁶ N/m² = 10⁶ Pascal = 1 mpa
1 N/mm² = 1 mpa
- 1 Kg = 9.8 N

UNIT MULTIPLIER & PREFIX:-

Prefix	Unit multiplier	Prefix	Unit multiplier
Deca	10 ¹	Deci	10 ⁻¹
Hecto	10 ²	Centi	10 ⁻²
Kilo	10 ³	Milli	10 ⁻³
Mega	10 ⁶	Micro	10 ⁻⁶
Giga	10 ⁹	Nano	10 ⁻⁹
Tera	10 ¹²	Pico	10 ⁻¹²
Peta	10 ¹⁵	Femto	10 ⁻¹⁵
Exa	10 ¹⁸	Atto	10 ⁻¹⁸

- (A) **Density / mass density / specific mass (P)**:- एक Unit Volume में उपस्थित mass को density कहा जाता है।

$$P = \frac{M}{V} \quad \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

Unit:- M.K.S. = kg/m³ (dimension = m¹ L³ T⁰)
C.G.S. = gm/cm³

NOTE:-

$$(1) \quad \frac{1 \text{ gm}}{\text{cm}^3} = \frac{10^{-3} \text{ kg}}{(10^{-2})^3 \text{ m}^3} = \frac{10^{-3} \text{ kg}}{10^{-6} \text{ m}^3} = \frac{10^3 \text{ kg}}{\text{m}^3}$$

$$1 \text{ gm} / \text{cm}^3 = 10^3 \text{ kg/m}^3$$

$$[2] \quad P \text{ of water @ } 4^\circ\text{C} = 1000 \text{ kg/m}^3 = 1 \text{ gm/cm}^3$$

$$(3) \quad \text{Density of mercury} = 13500 \text{ kg/m}^3 = 13600 \text{ kg/m}^3$$

- (4) Density of air = 1.2 kg/m^3
 (5) Liquid की density पर pressure व temprature का effect कम पड़ता है
 (6) Gas की density pressure के साथ increase व temprature के साथ decrease है

$$P = P.R.T. \quad P = \frac{P}{R.T.}$$

$$P \uparrow = P \uparrow \quad T \uparrow = P \downarrow$$

- (B) **Unit weight/weight density/specific weight(Y)** :- Unit volume में उपस्थित fluid के weight को unit weight कहा जाता है ।

Unit:- SI $\rightarrow \text{N/M}^3$

$$\text{M.K.S.} \rightarrow \frac{\text{kg-m}}{\text{sec}^2} \times \frac{1}{\text{m}^3} = \frac{\text{kg}}{\text{m}^2 \cdot \text{sec}^2}$$

$$\text{C.G.S.} \rightarrow \frac{\text{gm}}{\text{cm}^2 \cdot \text{sec}^2}$$

Dimension:- $\text{M}^1 \text{L}^{-2} \text{T}^{-2}$

NOTE :- Y WATER :- $\text{P.G.} = 1000 \times 9.81 = 9810 \text{ N/M}^3 = 9.81 \text{ KN/M}^3$

Y HG:- $\text{P.G.} = 13600 \times 9.81 = 13243 \text{ N/M}^3, 13.24 \text{ KN/M}^3$

- (C) **SPECIFIC VOLUME** :- Unit weight में उपस्थित volume को specific volume कहा जाता है

$$V = \frac{v}{w}$$

Unit $\rightarrow \text{S.I. } \text{m}^3/\text{n}$

$$\text{M.K.S.} \rightarrow \frac{\text{m}^3}{\text{kg-m/sec}^2} \Rightarrow \frac{\text{m}^2 \cdot \text{sec}^2}{\text{kg}}$$

Dimension :- $\text{M}^{-1} \text{C}^2 \text{T}^2$

- (D) **Specific gravity (G)** :-

$$G = \frac{y_{\text{fluid}}}{Y_{\text{stand fluid}}} = \frac{P_{\text{fluid}}}{P_{\text{sta fluid}}} = \frac{W_{\text{fluid}}}{W_{\text{sta fluid}}} = \frac{M_{\text{fluid}}}{M_{\text{sta fluid}}}$$

यह किसी भी fluid के standard fluid की तुलना में हल्केपन या भारीपन को बताती है

Unit:- unit less

Dimension:- $\text{M}^0 \text{L}^0 \text{T}^0$

NOTE:- (1) G water = @ 4°C = 1

(2) G Hg = 13.5 - 13.6

(3) Sp. gravity of fluid = density of fluid in C.G.S system

$$\text{Ex. } \frac{G \rightarrow}{P \rightarrow} 1 \left[\text{gm/cm}^3 \right]$$

- (E) **Elasticity and compressibility**:- fluid को compress करने पर उसका volume कम हो जाता है व उस पर से pressure को हटाने पर वह पुरानी अवस्था में आ जाता है fluid की इस properties को elasticity कहते हैं जिसे Bulk modulus of elasticity द्वारा दर्शाया जाता है fluid के compress होने की properties को compressibility कहा जाता है यह elasticity का opposite होता है

$$\text{Bulk modulus of elasticity } K = \left(\frac{dp}{-\frac{dv}{v}} \right)$$

(-) Sign = to make K positive

$$\text{Unit:-} \quad \begin{cases} \rightarrow \text{S.I.} \rightarrow \text{n/m}^2 \\ \rightarrow \text{M.K.S.} \rightarrow \text{kg} \frac{-\text{m}}{\text{sec}^2} \times \frac{1}{\text{m}^2} = \frac{\text{kg}}{\text{m} - \text{sec}^2} \end{cases}$$

$$\text{Dimension:- } m^1 L^{-1} T^{-2}$$

$$\text{Compressibility} = \left[B = \frac{1}{K} \right]$$

$$\text{m.k.s. unit} = \frac{\text{m} - \text{sec}^2}{\text{kg}} \quad \text{dimension} = m^{-1} L^1 T^2$$

$$\text{S.I.} = \text{m}^2/\text{n}$$

$$\text{NOTE:- } K_{\text{air}} = 1.03 \times 10^5 \text{ n/m}^2$$

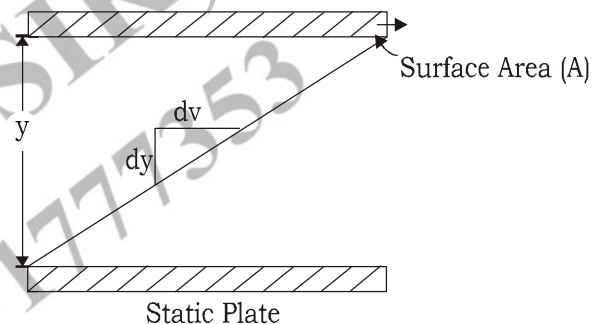
$$K_{\text{water}} = 2.06 \times 10^9 \text{ n/m}^2$$

$$K_{\text{steel}} = 2.06 \times 10^{11} \text{ n/m}^2$$

NOTE:- Air को water के compaire में 20,000 गुना अधिक compress किया जा सकता है

Water को steel के compaire में 100 गुना अधिक compress किया जा सकता है

(F) **Viscosity:-** यह fluid की वह properties है जिसके कारण fluid की एक layer, दूसरी layer के flow में अवरोध उत्पन्न करती है इसके कारण shear stress उत्पन्न होता है जिसे न्यूटन के viscosity law के द्वारा ज्ञात किया जाता है



DIAGRAMME

❖ **VISCOSITY ARE TWO TYPES:-**

(1) Dynamic viscosity

(2) Kinematic viscosity

(1) **Dynamic viscosity:-** unit angular deformation उत्पन्न करने के लिए आवश्यक shear stress की value dynamic viscosity कहलाती है इसे newton's के viscosity law के द्वारा ज्ञात किया जाता है

$$\mu = \frac{\tau}{(dv/dy)}$$

$$\text{Unit S.I.} \rightarrow \text{n/m}^2 - \text{s} = \text{pa-s}$$

$$\text{M.K.S.} \rightarrow \frac{\text{kg} - \text{m}}{\text{sec}^2} \times \frac{\text{sec}}{\text{m}^2} \Rightarrow \frac{\text{kg}}{\text{m} - \text{sec}}$$

$$\text{C.G.S.} \rightarrow \frac{\text{dyne}}{\text{cm}^2} = \text{s} \Rightarrow \frac{\text{gm} - \text{cm}}{\text{sec}^2} \times \frac{\text{sec}}{\text{cm}^2} \Rightarrow \frac{\text{gm}}{\text{cm} - \text{sec}} = \text{poi}$$

NOTE:-

$$(1) \quad \frac{1\text{N} - \text{sec}}{\text{m}^2} \Rightarrow \frac{10^5 \text{dyne} - \text{sec}}{\text{m}^2} \Rightarrow \frac{10^5 \text{dyne} - \text{sec}}{10^4 \text{cm}^2} = \frac{10 \text{dyne} - \text{sec}}{\text{cm}^2} = 10 \text{poise}$$

1 poise $\rightarrow$ 100 centi poise

1 pa-s $\rightarrow$ 10 poise

$$(2) \quad \mu \text{ water} \rightarrow 50-55 \text{ liair}$$

0.001 pa-s $\rightarrow$ 0.000018 pa. sec.

1 centi poise $\rightarrow$ 0.018 centi poise

(3) Liquid व gas दोनों की dynamic viscosity पर pressure का बहुत कम प्रभाव पड़ता है

(4) Temperature बढ़ने के कारण liquid की viscosity decrease व gas की viscosity increase होती है

$$\mu \text{ Liquid} \propto \frac{1}{T} \text{ (Due to breaking of bond)}$$

$$\mu \text{ gas} \propto T \text{ (Due to random movement of molecule)}$$

(2) **Kinematic viscosity** :- mathematical calculation में dynamic viscosity में density का भाग दिया जाता है जिसे एक term द्वारा denote करते हैं इस term को kinematic viscosity कहा जाता है

$$V = \frac{\mu}{\rho}$$

$$\text{Unit:- SI} \rightarrow \left(\frac{\text{N} - \text{sec}}{\text{m}^2} \right) \frac{\text{m}^3}{\text{kg}}$$

$$\text{M.K.S.:-} \frac{\text{kg} - \text{m}}{\text{sec}^2} \times \frac{\text{sec}}{\text{m}^2} \times \frac{\text{m}^3}{\text{kg}} = \frac{\text{m}^2}{\text{sec}}$$

$$\text{C.G.S.:-} \frac{\text{cm}^2}{\text{sec}} \Rightarrow \text{stoke}$$

$$\text{Dimension:-} \text{m}^2 \text{ L}^2 \text{ T}^{-1}$$

NOTE :-

$$(1) \quad \frac{1\text{m}^2}{\text{sec}} = \frac{10^4 \text{cm}^2}{\text{sec}} = 10^4 \text{stoke}$$

$$(2) \quad \text{Vair} \geq 15 \text{ v water}$$

(3) Liquid की kinematic viscosity pressure बढ़ने के साथ constant रहती है

(4) Gas की kinematic viscosity pressure के साथ धटती है

(5) Liquid की kinematic viscosity temperature बढ़ाने के साथ decrease होती है

(6) Gas की kinematic viscosity temperature बढ़ाने के साथ बढ़ती है

Dynamics viscosity	Pressure(↑)	Temperature
Water	X	↓
Air	X	↑
Kinematic viscosity		
Water	Constant	↓
Air	↓	↑

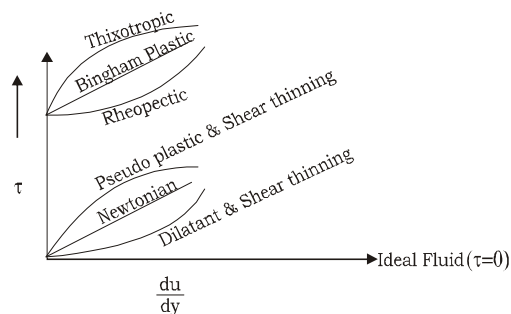
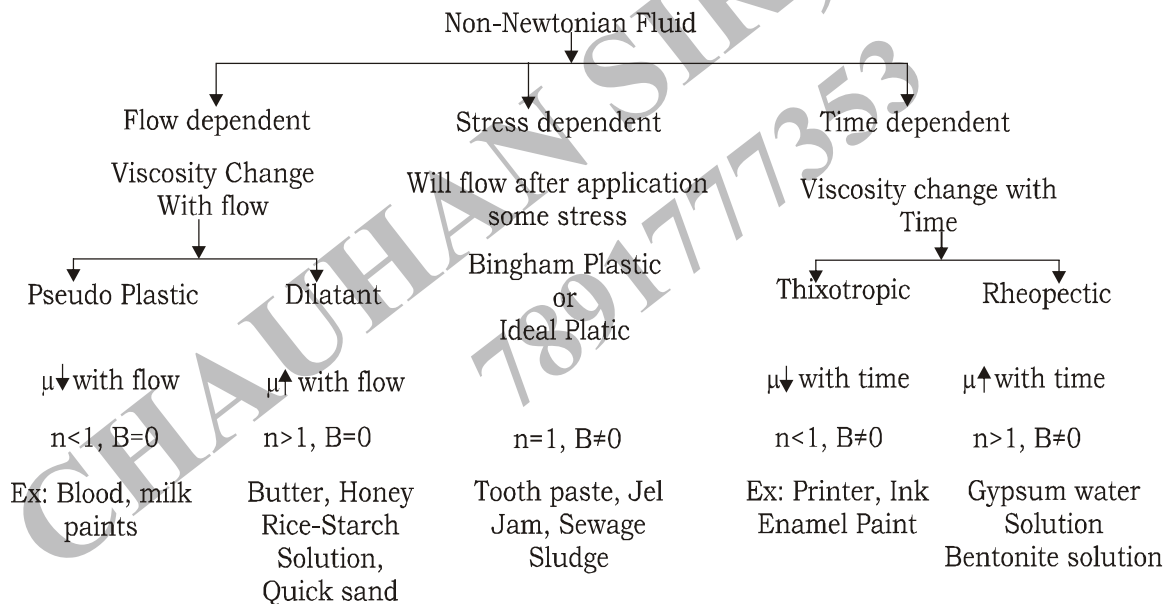
- ❖ **Newtonian & Non-Newtonian** :- Fluid= रवो fluid जो Newton के Viscosity के नियम का पालन करते है Newtonian fluid कहलाते है अतः इन fluid में Shear

$$\text{Stress } \tau = \mu \left(\frac{du}{dy} \right)$$

Ex:- Water, Glacerin Krosene

- ❖ **Non-Newtonian Fluids**:- वो fluid जो Newton के viscosity नियम का पालन नहीं करते है Non-Newtonian fluid कहलाते है अतः इन fluid में shear stress

$$\tau = \mu \left(\frac{du}{dy} \right)^A + B$$



NOTE:

(1) **Ideal fluid:-** Non- viscous, in compressible fluid को ideal fluid कहा जाता है

(2) **Real fluids:**

- viscous, compressible fluid real fluid कहलाते हैं

(3) **Viscoplastic fluids:-** में वो fluid है जिनमें liquid व solid दोनों की properties होती हैं

Ex:- Molten Rubber

Rheology:- Non-Newtonian fluid की study को Rheology कहलाता है

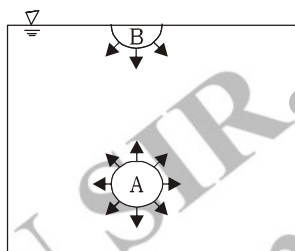
❖ **Surface tension:-** Liquid के surface पर inter molecular cohesion के कारण tensile force उत्पन्न होता है जिसे surface tension कहते हैं इसे unit length पर calculate किया जाता है

$$\text{unit:} - \left\{ \sigma = \frac{F}{L} \right\} = \frac{N}{M}$$

Unit:- SI $\rightarrow$ N/M

$$\text{M.K.S.} \rightarrow \text{kg} = \frac{\text{m}}{\text{sec}^2} \times \frac{1}{\text{m}} = \frac{\text{kg}}{\text{sec}^2}$$

$$\text{Dimension} \rightarrow (\text{m}^1 \text{L}^0 \text{T}^{-2})$$



Liquid surface के नीचे वाले सभी molecules पर चारों तरफ से equal cohesive force लगता है इसलिए यह molecule equilibrium में होता है लेकिन liquid surface पर उपस्थित molecule में downward force लगता है जिसके कारण इस पर surface tension उत्पन्न होती है

❖ **Effect of surface tension:-** Capillarity, droplet, jet, soap bubble formation, मच्छर का पानी की सतह पर तैरना

NOTE:-

$$(I) \sigma_{\text{water}} = 0.0736 \text{ n/m @ } 20^\circ\text{C}$$

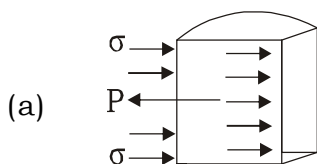
$$(II) \sigma_{\text{Hg}} = 0.4944 \text{ n/m @ Normal temp}$$

$$(III) \sigma \propto \frac{1}{T}$$

Temperature बढ़ने के साथ surface tension घटती है

(vi) Same volume के लिए sphere का surface area minimum होता है

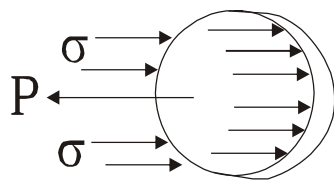
❖ **Pressure intensity calculation by surface tension**



$$P(2R \times L) = \sigma(2L)$$

$$\left[P = \frac{\sigma}{R} \right]$$

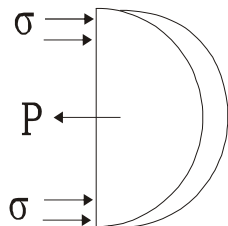
(b) For droplet:



$$P \times \pi R^2 = \sigma(2\pi R)$$

$$\left[P = \frac{2\sigma}{R} \right]$$

(c) For bubble:



$$P \times \pi R^2 = \sigma(2\pi R) + \sigma(2\pi R)$$

$$\left[P = \frac{4\sigma}{R} \right]$$

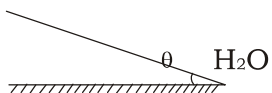
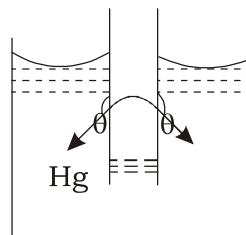
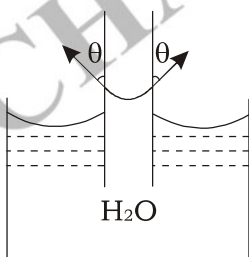
❖ **Capillarity**:- 3mm से कम size की tube को liquid cohesion व solid surface से adhesion के कारण tube में liquid का level original liquid level से अधिक या कम हो जाता है जिसे capillarity कहते हैं

Capillarity tube में liquid का rise व fall cohesion व adhesion की value पर निर्भर करता है अगर adhesion, cohesion से अधिक होता है तो contact angle 90° से कम बनता है और liquid rise होता है इस condition में liquid, solid surface को गीला कर देता है

Ex:- water, glass contact

अगर cohesion की value adhesion से अधिक होती है तो contact angle 90° से अधिक होता है और liquid fall होता है इस condition में liquid solid surface को गीला नहीं कर पाता है

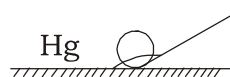
Ex:- Hg glass contact



Adhesion > Cohesion

@ < 90°

Surface Will Wet



Cohesion > adhesion

@ > 90°

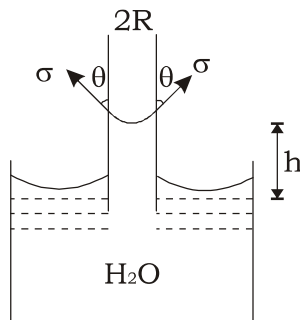
Surface Remains dry

Capillarity effect:- Root zone में पानी का आना पेन की स्याही का चढ़ना दीपक में तेल का चढ़ना

Liquid	Solid Surface	Contact Angle
Pure Water	Clean Glass	0°
Ordinary Water	Glass	8-18°
Water	Silver	90°
Mercury	Glass	128°

❖ **Calculation of height or falls :-**

(a)



For capillarity tube :-

$$\Sigma F_y = 0$$

Pressure force = Surface Tension = 0

Pressure force = Surface tension

$$P(\pi R^2) = \sigma \cos \theta \times 2\pi R$$

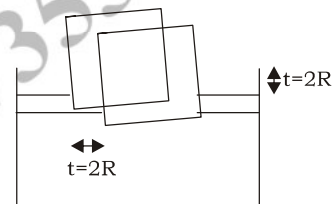
$$\rho \cdot g h (\pi R^2) = \sigma \cos \theta 2\pi R$$

$$h = \frac{2\sigma \cos \theta}{\rho \cdot g \cdot R}$$

Note: For pure water of clean glass $h = \frac{2\sigma}{\rho \cdot g \cdot R}$

(b) **For parallel plate:** $h = \frac{2\sigma \cos \theta}{\rho \cdot g \cdot t}$

$$h = \frac{2\sigma \cos \theta}{\rho \cdot g \cdot 2R} = \left[\frac{\sigma \cos \theta}{\rho \cdot g \cdot R} \right]$$



Note: h capillarity tube = 2 h parallel plate

❖ **Pressure and hydrostatic force:-** liquid के surface के पर लगे force को pressure कहा जाता है यह एक scalar quantity होती है यह pressure static condition में surface के perpendicular लगता है इसका कोई भी component tangential नहीं लगता है अतः static fluid द्वारा कोई shear stress उत्पन्न नहीं होता यह pressure height के साथ change होता है

$$\left[\frac{dp}{dz} = \rho g \right] p = \rho g h$$

यहाँ पर Z बिन्दु से ऊपर fluid की depth को दर्शाता है

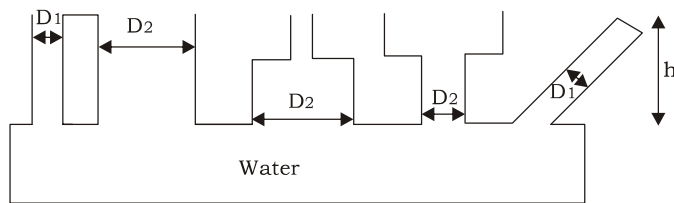
$$\text{For } dz = 0 \Rightarrow dp = 0$$

Thus pressure on horizontal surface is constant (equal)

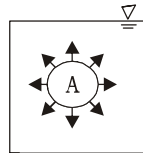
अतः same level पर स्थित सभी point पर pressure की value same होती है

NOTE:-

Pressure केवल height पर निर्भर करता है यह liquid की shape व size पर निर्भर नहीं करता है लेकिन pressure force shape पर निर्भर करता है

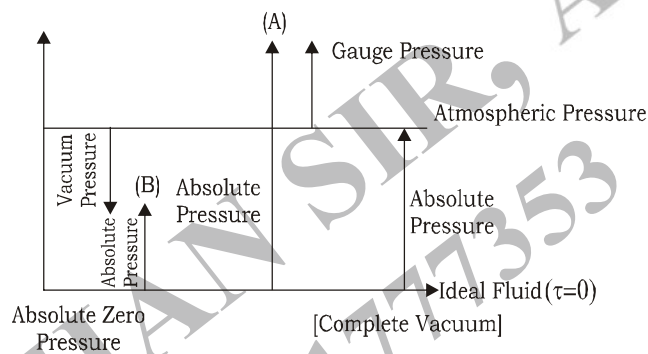


- ❖ **Pascal law:-** इस नियम के अनुसार liquid के किसी भी point पर सभी direction में pressure same रहता है



❖ **Different type of pressures:-**

- (1) **Absolute pressures:-** इसे complete vacuume या zero Atmospheric pressure से मापा जाता है इसकी value हमेशा (+)ve होती है
- (2) **Gauge pressures:-** इसे Atmospheric pressure level से ऊपर मापा जाता है इसकी value (+)ve या (-)ve कुछ भी हो सकती है



NOTE:- (-)ve gauge pressure $\Rightarrow$ Vacuum pressure
 (-)ve vacuum pressure $\Rightarrow$ Gauge pressure

❖ **Different unit of pressure:-**

- (1) $1 \text{ atm} = 101325 \text{ n/m}^2 \Rightarrow 1.0132 \times 10^5 \text{ pa}$
- (2) $1 \text{ bar} = 10^5 \text{ n/m}^2 \Rightarrow 10^5 \text{ pa.}$
- (3) $1 \text{ kgf/cm}^2 = 0.981 \times 10^5 \text{ n/m}^2 = 0.981 \times 10^5 \text{ pa.}$
- (4) $1 \text{ atm} = 10.33 \text{ m of water}$ (5) $1 \text{ atm} = 0.76 \text{ m of Hg}$

NOTE:- $1 \text{ atm} > 1 \text{ bar} > 1 \text{ kg f/cm}^2$

❖ **Pressure measurement:-**

